

Fundamentos da Programação

Exame

24 de Novembro de 2021

13:00-15:00

Número:	Nome:
Mullielo	. I NOITIE

- Esta prova, individual e sem consulta, tem 11 páginas com 9 perguntas e uma duração de 2 horas. A cotação de cada pergunta está assinalada entre parêntesis.
- Em cima da mesa devem apenas estar o enunciado, caneta ou lápis e borracha e cartão de aluno. Não é permitida a utilização de folhas de rascunho, telemóveis, calculadoras, etc.
- Antes do início do tempo, dispõem de 5 minutos adicionais para ler o enunciado e identificar as folhas da prova.
- Escreva o seu número em todas as folhas da prova legível e a caneta.
- O tamanho das respostas deve ser limitado ao espaço fornecido para cada questão.
 O corpo docente reserva-se o direito de não considerar a parte das respostas que excedam o espaço indicado. A última página (em branco) pode ser usada para rascunho, não se aceitando respostas nesta página.
- Pode responder utilizando lápis.
- Apenas as funções para as quais a verificação da correção dos argumentos é explicitamente pedida devem verificar a validade dos argumentos.
- Boa sorte!

Pergunta	Cotação	Nota
1.	3.0	
2.	3.0	
3.	1.0	
4.	1.0	
5.	3.0	
6.	2.5	
7.	2.0	
8.	3.0	
9.	1.5	
Total	20.0	

Pág. 2 de 11 Número: 1. (3.0) Para cada uma das seguintes afirmações, diga se é verdadeira (V) ou falsa (F). Cada resposta correta vale 0.3 valores e cada resposta errada desconta 0.3 valores. (a) O Python é uma linguagem interpretada. Resposta: ___ Resposta: <u>V</u> (b) Um algoritmo deve demorar um tempo finito a executar. Resposta: Resposta: V (c) As gramáticas BNF são úteis para representar a sintaxe de uma linguagem. Resposta: ____ Resposta: \underline{V} (d) Uma exceção lançada dentro de uma função, faz que a função devolva None. Resposta: ____ Resposta: <u>F</u> (e) Se t é o tuplo (1, [2], [3]), então t [1] [0] = 3 é uma operação inválida. Resposta: ___ Resposta: <u>F</u> (f) Assumindo que s corresponde a uma variável de tipo string, a operação s = s[-1] pode levantar erros. Resposta: ____ Resposta: V (g) Sendo d um dicionário vazio, d [0] = 1 gera sempre um erro de *runtime*. Resposta: ____ Resposta: F (h) Um algoritmo de complexidade O(n) realiza o mesmo número de operações independentemente do tamanho da entrada. Resposta: ____ Resposta: <u>F</u> (i) Para aceder ao valor de uma variável global no corpo de uma função não é necessário utilizar a instrução global. Resposta: ____ Resposta:

<u>V</u>

Número: _____ Pág. 3 de 11

(j) Em Python é possível passar funções como parâmetros de uma função, mas não é possível devolver funções como valor de uma função.

Resposta: ____ Resposta: ___

- 2. Considere a linguagem cujas frases começam por um ou mais símbolos <, o qual é seguido por uma ou mais ocorrências do símbolo a, seguido de uma ou mais ocorrências do símbolo b, seguido de uma ou mais ocorrências do símbolo c, após o que terminam com o mesmo número de símbolos > que < do início. Por exemplo, <<<ab>>> e <abc>>> e <abc>> não o são.
 - (a) (1.0) Escreva uma gramática em notação BNF para a linguagem descrita.

Resposta:

```
\begin{split} \langle S \rangle &::= \langle \langle S \rangle > \mid \langle \langle Meio \rangle > \\ \langle Meio \rangle &::= \langle A \rangle \langle B \rangle \langle C \rangle \\ \langle A \rangle &::= \langle A \rangle \text{ a } \mid \text{ a} \\ \langle B \rangle &::= \langle B \rangle \text{ b } \mid \text{ b} \\ \langle C \rangle &::= \langle C \rangle \text{ c } \mid \text{ c} \end{split}
```

(b) (0.5) Indique o símbolo inicial, os símbolos não terminais e os símbolos terminais da sua gramática.

Resposta:

Símbolos não terminais: S, Meio, A, B, C Símbolos terminais: <, >, a, b, c

(c) (1.5) Escreva o predicado reconhece que recebe como argumento uma cadeia de caracteres e devolve verdadeiro apenas se a cadeia de caracteres pertence à linguagem. O predicado gera um erro se o seu argumento não for uma cadeia de carateres.

```
def reconhece(cad):
    if isinstance(cad, str):
        symb_open = cad.count('<')
        symb_close = cad.count('>')
        symb_a = cad.count('a')
        symb_b = cad.count('b')
        symb_c = cad.count('c')
        symb = symb_open*'<' + symb_a*'a' + symb_b*'b' \
        + symb_c*'c' + symb_close*'>'

        return symb_open == symb_close and symb_open >= 1 \
        and symb_a >= 1 and symb_b >= 1 and symb_c >= 1 \
        and cad == symb
```

Número: _____ Pág. 4 de 11

3. (1.0) Escreva a função combina_tuplos que recebe dois tuplos do mesmo comprimento, t1 e t2, e devolve um tuplo de pares em que o 1º elemento pertence a t1 e o 2º elemento pertence a t2. Os elementos de t1 nos pares aparecem pela mesma ordem que em t1, e os elementos de t2 nos pares aparecem pela ordem inversa à ordem em t2. Por exemplo,

```
>>> combina_tuplos((1, 2, 3, 4), ('a', 'b', 'c', 'd'))
((1, 'd'), (2, 'c'), (3, 'b'), (4, 'a'))
```

Resposta:

```
def combina_tuplos(t1, t2):
    res = ()
    for i in range(len(t1)):
        res += ((t1[i], t2[-i-1]),)
    return res
```

4. (1.0) Escreva a função procura_somandos que recebe uma lista de números naturais lst e um natural num e devolve verdadeiro se existirem dois números, em posições diferentes da lista, cuja soma é igual a num, ou falso em caso contrário. Por exemplo,

```
>>> procura_somandos([1,2,3,4], 2)
False
>>> procura_somandos([1,2,3,4], 5)
True
>>> procura_somandos([1,1], 2)
True
```

```
def procura_somandos(lst, num):
    for i in range(len(lst)):
        procura = num - lst[i]
        if procura in lst[i+1:]:
        return True
    return False
```

- 5. Considere o TAD tempo, constituído por uma hora (inteiro entre 0 e 23) e minutos (inteiro entre 0 e 59). O TAD tempo dispõe das seguintes operações básicas:
 - Construtor:
 - $cria_tempo: inteiro \times inteiro \mapsto tempo$ $cria_tempo(h, m)$ tem como valor o tempo de hora h e minutos m.
 - Seletores:
 - $hora_tempo: tempo \mapsto inteiro$ $hora_tempo(t)$ tem como valor a hora do tempo t.
 - $minutos_tempo: tempo \mapsto inteiro$ $minutos_tempo(t)$ tem como valor os minutos do tempo t.
 - Reconhecedor:

Número: _____ Pág. 5 de 11

- eh_tempo : $universal \mapsto l\'ogico$ $eh_tempo(arg)$ tem valor verdadeiro apenas se arg é um tempo.

- Testes:
 - $tempos_iguais$: tempo × tempo → lógico $tempos_iguais(t1,t2)$ tem valor verdadeiro apenas se t1 e t2 são tempos iguais.
 - $depois: tempo \times tempo \mapsto l\'ogico$ depois(t1, t2) tem valor verdadeiro apenas se t1 é posterior a t2.
- (a) (0.25) Escolha uma representação interna para o tipo tempo.
- (b) (1.75) Implemente as operações básicas para a representação escolhida. Apenas o construtor necessita de verificar a validade dos argumentos. Se os argumentos não forem válidos o construtor deve gerar um erro do tipo ValueError, com a mensagem 'cria_tempo: argumentos inválidos'.

Resposta:

```
# usando como representação interna (hora, minutos)
def cria_tempo(hora, mins):
    if not valida_hora_minutos(hora, mins):
        raise ValueError('cria_tempo: argumentos invalidos')
    return (hora, mins)
def valida_hora_minutos(hora, mins):
    return type(hora) == int and 0<= hora <= 23 and\
           type (mins) == int and 0 \le mins \le 59
def hora_tempo(tmp):
    return tmp[0]
def minutos_tempo(tmp):
    return tmp[1]
def eh_tempo(x):
    return type(x) == tuple and len(x) == 2 and \setminus
    valida_hora_minutos(x[0], x[1])
def tempos_iguais(t1, t2):
    return t1 == t2
def depois(t1,t2):
    return hora_tempo(t1) > hora_tempo(t2) or\
           hora\_tempo(t1) == hora\_tempo(t2) and \
           minutos_tempo(t1) > minutos_tempo(t2)
```

(c) (1.0) Implemente a operação de alto nível diferenca_tempos(t1, t2), em que t1 é um tempo posterior a t2, que devolve um tempo correspondente à diferença entre t1 e t2. Não precisa de validar os argumentos. Por exemplo,

```
>>> t1 = cria_tempo(13, 45)
>>> t2 = cria_tempo(11, 50)
>>> dif = diferenca_tempos(t1, t2)
```

Número: _____ Pág. 6 de 11

```
>>> hora_tempo(dif)
1
>>> minutos_tempo(dif)
55
```

Resposta:

```
def diferenca_tempos(t1,t2):
    t1_mins = hora_tempo(t1) * 60 + minutos_tempo(t1)
    t2_mins = hora_tempo(t2) * 60 + minutos_tempo(t2)
    dif = t1_mins - t2_mins
    dif_horas = dif // 60
    dif_mins = dif % 60
    return cria_tempo(dif_horas, dif_mins)
```

6. Nesta questão considere que foi definido o TAD tempo (ver pergunta 5).

Considere que a informação sobre o preço de aluguer de bicicletas é representada por um dicionário em que as chaves são naturais correspondentes ao tipo de bicicleta e os valores os preços à hora do aluguer. Por exemplo,

```
info\_bics = \{1: 2.5, 2: 3\}
```

indica que as bicicletas de tipo 1 são alugadas a 2.5 euros à hora, e as de tipo 2 a 3 euros à hora. Considere agora que a informação sobre as bicicletas de uma empresa de aluguer de bicicletas é guardada num dicionário em que as chaves são naturais (correspondentes a identificadores únicos das bicicletas da empresa). A cada chave está associado um dicionário de chaves 'tipo' e 'estado'. O valor associado à chave 'tipo' é o tipo da bicicleta, e o valor associado à chave 'estado' pode ser 'livre' se a bicicleta estiver no parque, ou um elemento do tipo tempo (tal como definido na pergunta 5) indicando a hora de início do aluguer, caso contrário. Por exemplo,

(a) (1.0) Defina a função disponiveis_tipo (parque_bics, tipo) que recebe um dicionário com a informação sobre as bicicletas de uma empresa e um natural correspondendo a um tipo de bicicleta, tipo, e devolve uma lista com os identificadores das bicicletas de tipo tipo disponíveis para alugar. Por exemplo, tendo em atenção as atribuições anteriores:

```
>>> disponiveis_tipo(parque_bics, 1)
[100]
>>> disponiveis_tipo(parque_bics, 2)
[200, 201]
```

Número: _____ Pág. 7 de 11

(b) (1.5) Defina a função entrega_bic (parque_bics, info_bics, num, hora_ent) que recebe um dicionário com a informação sobre as bicicletas de uma empresa, parque_bics, um dicionário com a informação sobre os preços de aluguer, info_bics, um natural correspondendo a um número de bicicleta, num, e um elemento do tipo tempo, hora_ent, e devolve o preço a pagar pelo aluguer, atualizando a informação em parque_bics. O tempo a cobrar é sempre arredondado para as horas acima. Por exemplo, se o tempo de aluguer for 1 hora e 50 minutos serão cobradas 2 horas.

Considere que a chave num existe sempre no dicionário parque_bics. Se a bicicleta de número num se encontrar no parque, a sua função deve escrever a mensagem "Bicicleta no parque". Se a hora de entrega hora_ent não for posterior à hora de início do aluguer, a sua função deve escrever a mensagem "Hora errada". Por exemplo, tendo em atenção as atribuições anteriores:

```
>>> entrega_bic(parque_bics, info_bics, 100, cria_tempo(12,0))
Bicicleta no parque
>>> entrega_bic(parque_bics, info_bics, 101, cria_tempo(12,50))
Hora errada
>>> entrega_bic(parque_bics, info_bics, 101, cria_tempo(13,50))
2.5
>>> parque_bics
{100: {'tipo': 1, 'estado': 'livre'},
101: {'tipo': 1, 'estado': 'livre'},
200: {'tipo': 2, 'estado': 'livre'},
201: {'tipo': 2, 'estado': 'livre'}}
```

Resposta:

```
def entrega_bic(parque_bics, info_bics, num, hora_ent):
   bic = parque_bics[num]
   if bic['estado'] == 'livre':
        print('Bicicleta no parque')
   elif not depois(hora_ent, bic['estado']):
        print('Hora errada')
   else:
        tempo_uso = diferenca_tempos(hora_ent, bic['estado'])
        horas_uso = hora_tempo(tempo_uso)
        horas_a_cobrar = horas_uso if minutos_tempo(tempo_uso) == 0 \
        else horas_uso + 1
        bic['estado'] = 'livre'
        return horas_a_cobrar * info_bics[bic['tipo']]
```

7. Usando um ou mais dos funcionais sobre listas (filtra, transforma, acumula), escreva as funções seguintes. As suas funções devem conter apenas uma instrução, a instrução return. Não é necessário validar os dados de entrada.

Número: _____ Pág. 8 de 11

(a) (1.0) A função norma_euclidiana, que recebe uma vector de inteiros e devolve a sua norma euclidiana:

$$||x||_2 = \left(\sum_{i=1}^n |x_i|^2\right)^{\frac{1}{2}}$$

Por exemplo:

```
>>> norma_euclidiana((4, 3))
5
```

Resposta:

(b) (1.0) A função produto_multiplos, que recebe um inteiro positivo n e outro inteiro positivo d menor ou igual que n, e devolve o produto de todos os números entre 1 e n que são múltiplos de d. Por exemplo:

```
>>> produto_multiplos(10, 3)
162
```

Resposta:

8. Considere uma função agrupa () que recebe dois tuplos e retorna um novo tuplo formado por tuplos de 2 elementos, em que no primeiro elemento do tuplo na posição i será o elemento na posição i do primeiro tuplo de entrada e o segundo elemento o elemento na posição i do segundo tuplo de entrada. Caso um dos tuplos seja mais pequeno, o elemento correspondente a este tuplo deverá ficar com o valor 0. Por exemplo:

```
>>> agrupa((1,4,9), (2,3,5,7,8))
((1,2), (4,3), (9,5), (0,7), (0,8))
```

(a) (1.0) Escreva esta função usando uma iteração linear.

```
def agrupa(t1, t2):
    res = ()
    11, 12 = len(t1), len(t2)
    m = max(11, 12)
    for i in range(m):
        a = t1[i] if i < 11 else 0
        b = t2[i] if i < 12 else 0
        res += ((a, b),)
    return res</pre>
```

Número: _____ Pág. 9 de 11

(b) (1.0) Escreva esta função usando uma recursão linear de operações adiadas.

Resposta:

```
def agrupa(t1, t2):
    if len(t1) == 0:
        if len(t2) == 0:
            return ()
    else:
        return ((0, t2[0]),) + agrupa((), t2[1:])
    else:
        if len(t2) == 0:
            return ((t1[0], 0),) + agrupa(t1[1:], ())
    else:
        return ((t1[0], t2[0]),) + agrupa(t1[1:], t2[1:])
```

(c) (1.0) Escreva esta função usando uma recursão linear de cauda.

Resposta:

9. (1.5) Escreva uma função fconta () que recebe duas *strings*, representando o nome de dois ficheiros. Esta função deverá criar um ficheiro com o nome da segunda *string* em que em cada linha deve constar o número de carateres da linha correspondente do ficheiro com o nome da primeira *string*.

Número: _____ Pág. 10 de 11



Número: _____ Pág. 11 de 11

